

ПРВИ ДЕО ИСПИТА ИЗ ОСНОВА ЕЛЕКТРОТЕХНИКЕ

22. април 2002.

1

Напомене. Испит траје 120 минута. Није дозвољено напуштање сале 60 минута од почетка испита. Дозвољена је употреба искључиво писаљке и овог листа папира. Коначне одговоре и тражена извођења уписати у одговарајуће кућице, уцртати у дијаграме или заокружити понуђене одговоре. Користити се белимама и полеђином листа за концепт. Јасно назначити редни број питања на које се одговор или концепт односе. Попунити податке о кандидату у следећој таблици.

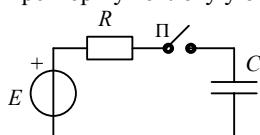
ПОДАЦИ О КАНДИДАТУ			Колоквијум I	Укупно питања	Код											
Група са предавања	Индекс година/брож	Презиме и име	X													
П1 П2 ЕГ	/		X	Укупно задаци												
ПИТАЊА			ЗАДАЦИ	ОЦЕНА												
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	1	2	3	4	*		

1. Написати потпуни систем једначина за електростатичко поље у линеарној нехомогеној средини.

2. На основу граничних услова за електростатичко поље **извести** везу између површинских густина слободних и везаних наслектрисања на раздвојеној површи метала и линеарног диелектрика пермитивности ϵ .

$$\sigma_p =$$

3. Идеални напонски генератор константне емс E , отпорник отпорности R , прекидач Π и неоптерећени кондензатор капацитивности C везани су у коло као на слици. Прекидач се затвара у тренутку $t = 0$. (а) Колики је рад генератора у интервалу $0 < t < +\infty$? (б) Колики се део тога рада претвори у топлоту у отпорнику?



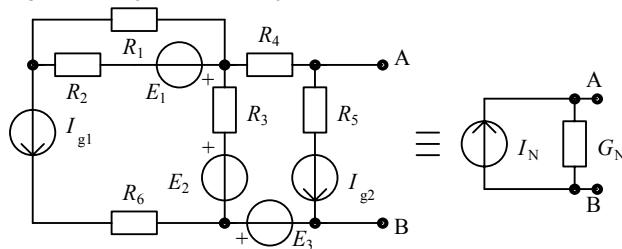
(а) $A_E =$

(б) $\frac{A_J}{A_E} =$

4. Волтметром унутрашње отпорности $R_{V1} = 5 \text{ k}\Omega$ измерен је напон $U_{12} = 6 \text{ V}$ између тачака 1 и 2 једног кола сталне струје. Затим је волтметром унутрашње отпорности $R_{V2} = 10 \text{ k}\Omega$ између истих тачака измерен напон $U'_{12} = 8 \text{ V}$. Колики ће бити резултат мерења напона волтметром унутрашње отпорности $R_{V3} = 15 \text{ k}\Omega$?

$$U''_{12} =$$

5. Израчунати параметре еквивалентног Нортоновог генератора за мрежу приказану на слици. Познато је: $E_1 = 2 \text{ V}$, $E_2 = 1 \text{ V}$, $E_3 = 3 \text{ V}$, $I_{g1} = 1 \text{ mA}$, $I_{g2} = 2 \text{ mA}$, $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 2 \text{ k}\Omega$, $R_3 = R_4 = R_5 = 4 \text{ k}\Omega$ и $R_6 = 3 \text{ k}\Omega$.



$$I_N =$$

$$G_N =$$

6. Написати потпуни систем једначина за стално магнетско поље у нелинеарној средини.

7. Редно RLC коло, познатих параметара R , L и C , прикључено је на идеалан напонски генератор ефективне вредности електромоторне силе E , чија се учестаност f може мењати. При којој је учестаности ефективна вредност напона кондензатора максимална?

$$f =$$

8. Тренутна вредност струје пријемника у колу простопериодичне струје је $i(t) = -2 \sin \omega t$ A, где је $\omega = 10^3$ s⁻¹, ефективна вредност напона пријемника је $U = 10$ V, а напон фазно заостаје за струјом за $\pi/4$ (при усклађеним референтним смеровима). Израчунати (а) тренутну, (б) активну, (в) реактивну, (г) привидну, и (д) комплексну привидну снагу пријемника.

(а) $p(t) =$

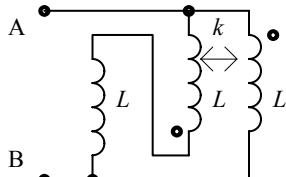
(б) $P =$

(в) $Q =$

(г) $S =$

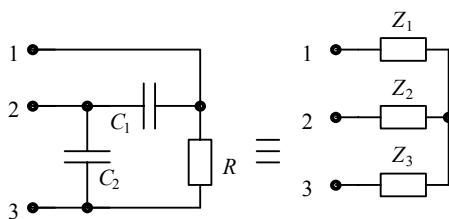
(д) $\underline{S} =$

9. Колика је еквивалентна индуктивност мреже калемова приказане на слици ако је $L = 10$ mH и $k = 1$?



$$L_{AB} =$$
 mH

10. Кондензатори капацитивности $C_1 = C_2 = 1\text{ }\mu\text{F}$ и отпорник отпорности $R = 100\Omega$ везани су у троугао, као што је приказано на слици. Израчунати импедансе звезде еквивалентне овоме троуглу при круженjo учестаности $\omega = 10^4$ s⁻¹.



$$(a) \underline{Z}_1 =$$

$$(b) \underline{Z}_2 =$$

$$(c) \underline{Z}_3 =$$

ОДГОВОРИ НА ПИТАЊА СА ПРВОГ ДЕЛА ИСПИТА ИЗ ОСНОВА
ЕЛЕКТРОТЕХНИКЕ ОДРЖАНОГ 22. АПРИЛА 2002. ГОДИНЕ

1. $\oint_C \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = 0, \oint_S \epsilon \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \int_V \rho dV.$

2. $\sigma = \mathbf{n} \cdot \mathbf{D}$ (\mathbf{n} је нормала усмерена од метала ка диселектрику), $\sigma_p = \mathbf{n}_d \cdot \mathbf{P}$ ($\mathbf{n}_d = -\mathbf{n}$), $\mathbf{P} = \frac{\epsilon - \epsilon_0}{\epsilon} \mathbf{D}$, одакле је

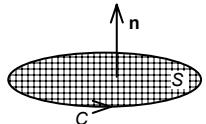
$$\sigma_p = -\sigma \frac{\epsilon - \epsilon_0}{\epsilon}.$$

3. $A_E = CE^2, A_J / A_E = 1/2.$

4. $U''_{12} = 9 \text{ V}.$

5. $I_{gN} = -2 \text{ mA}, G_N = 125 \mu\text{S}.$

6. $\oint_C \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \int_S \mathbf{J} \cdot d\mathbf{S}, \oint_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0, \mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}}{\mu_0} - \mathbf{M}, \mathbf{M} = \mathbf{M}(\mathbf{B}).$



7. $f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{2L^2}}.$

8. $p(t) = 20\sqrt{2} \cos(\omega t + \frac{\pi}{4}) \cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) \text{ W}, P = 10 \text{ W}, Q = -10 \text{ VAr}, S = 10\sqrt{2} \text{ VA}, \underline{S} = 10(1-j) \text{ VA}.$

9. $L_{AB} = 2 \text{ mH}.$

10. $\underline{Z}_1 = (40 - j20) \Omega, \underline{Z}_2 = (-20 - j40) \Omega, \underline{Z}_3 = (40 - j20) \Omega.$